Distr.
RESTRINGIDA
E/CEPAL/R.269
26 de agosto de 1981
ORIGINAL: ESPAÑOL

CEPAL

Comisión Económica para América Latina

ALGUNAS CONSIDERACIONES A TENER EN CUENTA PARA IA ELABORACION DE DISEÑOS MUESTRALES

Carlos Cavallini */
Asesor Regional en Muestreo para
Estadísticas Demográficas

^{*/} Las opiniones expresadas en este documento son de exclusiva responsabilidad del autor y pueden no coincidir con las de la Organización.

and the second s

INDICE

	Páginas
Introducción	1
Diseño muestral	2
Métodos de muestreo	12
El error	24
Conjuntos borrosos	28

C

						,	•
			•				
	•						
					:		
		Ø					
		`					

Introducción

1. Una investigación o estudio, 1/ sobre determinadas características relativas a una población o universo, comprende una serie de etapas o fases para su planeamiento y para su ejecución.

Azorín 2/ establece las siguientes cinco fases, i) específicacion de los fines de estudio, ii) condiciones, recursos y limitaciones, iii) programa de operaciones, iv) ejecución del programa y recolección de datos y v) análisis y aprovechamiento de los resultados.

Las fases i) y ii) tienen que ver, principalmente, y en forma respectiva, con los objetivos de la investigación y con la infraestructura con que se cuenta para llevarlo a cabo. A esta infraestructura deberá someterse la investigación y de acuerdo con una utilización óptima de la misma se elaborará el plan general de trabajo. El diseño o esquema lógico-matemático del muestreo corresponde a la faz iii). Por último, las fases iv) y v) se relacionan, fundamentalmente, con el trabajo de campo, con la obtención y análisis de los resultados y con el otorgamiento de un balance de lo redituado por toda la investigación, que permitiría, a posteriori, una mejoría efectiva en el diseño de nuevas investigaciones.

Diseño muestral

- 2. El diseño muestral comprende, específicamente, el plan muestral y los métodos de estimación.
- 2.1 Los principales pasos que debe incluir todo plan muestral son,
- i) definir la unidad muestral, ii) confeccionar un marco muestral y iii) establecer el procedimiento por el cual se debe seleccionar la muestra.
- 2.2 Los métodos de estimación comprenden los estimadores o fórmulas con las cuales se ha de inferir para la población de estudio y el cálculo de la confiabilidad de dicha estimación.
- Junidad muestral. La decisión sobre la elección de la unidad muestral dependerá, en parte, del costo y del grado de eficiencia que se requiere de la misma y en parte, del grado de rapidez que lleve el poder formarla, de la demarcación de sus límites y de la habilidad de los investigadores para identificarla una vez que deba ser medida.

^{1/} También está generalizado el uso de la palabra "sobrevisión".
2/ Azorín Poch, Francisco, "Curso de muestreo y aplicaciones", Aguilar, 1969.

/4. También

En una investigación se utilizan, generalmente, distintas unidades muestrales. Así por ejemplo existen unidades muestrales de selección como un área de terreno, o una vivienda particular ocupada, etc. y existen unidades muestrales de medición, como un hogar, o una persona, etc. En muchas investigaciones, las unidades muestrales de selección corresponden a las mismas unidades de medición.

- 4. También, y generalmente para reducir los costos, se crean distintas unidades muestrales en las distintas etapas del proceso de selección. Por ejemplo, en una primera etapa de selección se pueden seleccionar, en un país, unidades geo-políticas. En una segunda etapa se pueden seleccionar, dentro de las unidades geo-políticas seleccionadas, sectores o segmentos de selección. En una tercera etapa, y dentro de los sectores seleccionados, se pueden seleccionar conglomerados de viviendas, por ejemplo, manzanas o equivalentes. En una cuarta etapa, se pueden seleccionar dentro de las manzanas, las viviendas y dentro de éstas, en una quinta etapa, por ejemplo, al hogar, en aquellos casos que hubiere más de un hogar por vivienda. Estos hogares constituyen las unidades de selección de última etapa y los elementos a medir son, por ejemplo, todas las personas que constituyen el hogar seleccionado.
- 5. El marco muestral. El marco muestral está compuesto de las unidades muestrales y este marco se necesita ya sea para una investigación en la cual se utilice una muestra de enumeración completa (censo) o una muestra de una parte de la población. Sin un marco no se podría trabajar con muestras probabilísticas dado que no se conocería la probabilidad de selección de una unidad muestral. 3/ Ia importancia fundamental del marco radica en el hecho de que él representa a la población de estudio para la cual se han de realizar inferencias. Por tanto, todas las estimaciones que se realicen lo serán para el marco y si éste no representa a la población de estudio, por ser anacrónico o estar incompleto, dichas estimaciones carecerán de validez con respecto a esa población de estudio. 4/ De allí lo crucial que resulta el contar con marcos completos y actualizados para realizar este tipo de investigaciones.

^{3/} Deming, W.E., Sample Design in Business Research, John Wiley and Sons. Inc., 1960.

^{4/} CEPAL, Condicionantes para el mejoramiento de los diseños muestrales en los países de América Iatina", E/CEPAL/L.200, 16 de agosto de 1979.

- 6. Dado que todas las unidades muestrales que figuran en el marco, deben ser correctamente identificables y ubicables en el terreno sin ambigüedad, se debe contar con una cartografía adecuada que permita la ubicación precisa de cada unidad. Esta cartografía está formada, generalmente, por mapas y croquis a distintas escalas, y la misma forma parte del marco muestral.
- Procedimientos de selección. De acuerdo con las unidades muestrales que se definan en cada etapa de selección y del método muestral que se adopte, surgirán los métodos de selección de las unidades muestrales. Estos métodos, basados en operaciones aleatorias, permitirán conocer las probabilidades de selección de cada unidad muestral en cada etapa, las cuales, en función de los tamaños muestrales, producirán las fracciones muestrales de cada etapa. Estas fracciones muestrales formarán parte de los distintos componentes de los estimadores y de las fórmulas para la estimación de la confiabilidad de los resultados.
- 8. La inferencia estadística, básicamente, depende del proceso de aleatorización. El estadístico o experimentador debe decidir sobre cuales de las varias causas que producirán variación en los resultados pueden ser controladas experimentalmente, por ejemplo, a través de la estratificación, o de la formación de dominios de estudio, o de las replicaciones, etc. Aquellas causas que él no puede controlar experimentalmente, porque no advierte o porque no tiene conocimiento, las debe controlar a través del proceso de aleatorización. Es solamente bajo estas circunstancias que las conclusiones que se obtengan serán confiables en el sentido estadístico. 5/
- 9. La estratificación de la población de estudio, de acuerdo con determinados atributos o variables, en estratos internamente homogéneos pero heterogéneos entre ellos, puede llevar a una ganancia significativa de eficiencia por unidad de costo.

La estratificación, puede llevarse a cabo antes de la muestra, pre-estratificación, o después de la muestra, post-estratificación. Este último caso se utiliza cuando el valor de la variable de estudio,

^{5/} Kempthorne, Oscar, The Design and Analysis of Experiments, John Wiley and Sons, Inc., 1960.

por ejemplo, ingreso monetario, no se conoce hasta después de haber medido a la unidad muestral. Si la muestra es razonablemente grande y se espera una distribución por estrato aproximadamente proporcional a aquella de la población, la post-estratificación puede dar resultados tan eficientes como la pre-estratificación. 6/

- 10. <u>Inferencia</u>. En general, los problemas de la inferencia estadística se pueden agrupar en dos clases, i) la estimación y ii) los tests de hipótesis. <u>7/</u>
- 10.1 Estimación. Para estimar los valores de los parámetros de una función de distribución o valores de una población, que se desconocen, generalmente se selecciona una muestra aleatoria de dicha población. Bajo el supuesto que se conoce la función de distribución de la variable de estudio, se estiman los valores de los parámetros con los valores de la muestra. Ia fórmula que permite la estimación de los parámetros se define como el estimador. Si bien para cada diseño se construyen, o pueden construirse, numerosos estimadores, existen ciertas propiedades que pueden distinguir la bondad de un estimador. Ias propiedades más deseables, desde un punto de vista práctico, generalmente son, i) que sea insesgado, ii) consistente, iii) eficiente y iv) suficiente.
- 10.2 La construcción de un estimador depende, entre varios factores, del modelo estadístico que se utilice. Vale la pena mencionar que la diferencia entre un modelo estadístico y un modelo matemático, es que aquél toma en cuenta el efecto aleatorio. 8/

^{6/} Som, R.K., A Manual of Sampling Techniques, Heinemann, 1973.

^{7/} Ostle, Bernard, Statistics in Research, The Iowa State University Press, Ames, Iowa, U.S.A., 1960.

^{8/} Méndez, Ramírez, I., Modelos estadísticos lineales, México, 1976.

Así, el modelo lineal aditivo estadístico

$$y_i = u + e_i$$

puede representar el estudio de cualquier variable observable que presente variación aleatoria en sus valores, donde

y, valor de la i-observación

u constante característica de los miembros de la población, generalmente la media aritmética

e, componente aleatoria de la i-observación

Además, si se conoce la distribución de frecuencias de la variable y_i , suponiendo que ésta fuera normal, puede especificarse que

lo cual significa que y se distribuye de acuerdo con la normal de media poblacional u y varianza poblacional T^2 . Generalmente, u y T^2 se desconocen, pero pueden estimarse con los valores de la muestra.

Dado que $e_i = y_i - u$, desvío entre el valor observado y_i y la media poblacional u, su distribución será también normal con media cero y varianza T^2 , lo cual se representa

Conociendo la distribución de la variable se puede aplicar a la misma la metodología estadística correspondiente a dicha distribución.

10.3 En el modelo presentado, los efectos que pueden influir en el valor observado y con referencia a la media u, se suponen obedecen a causas aleatorias no explicables.

Si, por ejemplo, en una investigación se utilizaran numerosos tratamientos y se quisiera medir el efecto que producen los tratamientos en la variable observada, un modelo podría ser

$$Y_{ij} = u + b_i + e_{ij}$$

/donde

donde

Y valor de la j-observación del i-entrevistador

u media aritmética poblacional

b. efecto del i-tratamiento

e componente aleatoria, de la ij-observación

En este caso se debe estimar el efecto del tratamiento y testar si el mismo es significativo con respecto a la variación total del esquema. En los casos que así fuera, se conocerá la principal fuente de variación, y se podrán tomar medidas para tratar de reducir esta variación y por ende la de todo el esquema.

10.4 Todo resultado u observación está sujeto a numerosas fuentes de variación. El problema consiste en separar y estimar estas fuentes de variación. 9/ Los modelos estadísticos que se formulen deben responder a estas necesidades y depende del investigador, según lo expresado en punto 8, el poder determinar, a través de un análisis de la varianza, la significación de estas fuentes de variación.

11. Test de hipótesis. Estos tests, o dócimas, permiten tomar decisiones entre la evidencia provista por la muestra y la hipótesis que se plantee respecto a determinados valores de la población. En función del conocimiento, o no, de la forma de distribución de la población de estudio, estos tests se conocen como paramétricos o no-paramétricos. En este último caso, donde la distribución poblacional se desconoce, muchas veces se usa la teoría de la distribución normal, dado que la misma, por su condición de robustez, generalmente no conduce a malos resultados. 10/Sin embargo, los datos deben ser constantemente analizados, dado que de existir un alejamiento radical a la normal, se justificará el uso de técnicas no-paramétricas.

^{9/} Davies, Owen L., Statistical Methods in Research and Production, Oliver and Boyd, 1958.

^{10/} Moore, P.G. and Edwards, D.E., Standard Statistical Calculations, John Wiley and Sons, 1972.

Métodos de muestreo

- 12. Corresponde a la descripción detallada de las distintas etapas que conforman la técnica de muestreo que se adopte. Algunos de los métodos muestrales más conocidos son, i) muestreo aleatorio simple, ii) muestreo estratificado aleatorio, iii) muestreo por conglomerados, iv) muestreo por etapas, v) muestreo sistemático, vi) muestreo polifásico, vii) muestreo replicado, y encerraremos en viii) otros métodos de muestreo.
- Muestreo aleatorio simple. Llamado también muestreo irrestrictamente aleatorio, puede ser con reposición o sin reposición, según que cada unidad de selección tenga, o no, la posibilidad de formar parte de la muestra más de una vez. Todas las unidades tienen la misma probabilidad de ser seleccionadas de una lista que contiene todas las unidades que componen el universo. En rigor, además de poder ser seleccionada, la unidad debe poder ser medida, dado que si una unidad es seleccionada pero no puede ser medida, eso es equivalente a una unidad cuya probabilidad de selección sea cero.

La varianza del muestreo aleatorio simple se usa para relacionarla con las varianzas de otros métodos de muestreo más complejos y obtener el efecto del diseño. Este efecto del diseño tiene dos funciones principales, estimar el tamaño muestral y evaluar la eficiencia de estos métodos más complejos de muestreo.

14. Muestreo estratificado aleatorio. Ia principal ventaja que tiene dividir a la población en estratos homogéneos y seleccionar unidades de cada uno de ellos, es aumentar la precisión de las estimaciones. Desde el punto de vista práctico es ampliamente utilizada la estratificación geográfica, y en particular, cuando interesa utilizar estimaciones por estratos cruzados con determinadas variables, se construyen los llamados dominios de estudio o sub-poblaciones. Para la formación de estratos deben considerarse, principalmente, los siguientes puntos, 11/i) de la variable de estratificación, ii) del número de estratos, iii) de sus límites o fronteras y iv) del tamaño de la muestra en cada estrato.

^{11/} Dalenius, T. and Hodges, J.L., "Minimum Variance Stratification", Journal of the American Statistical Association, Nº 54, 1959, p.88.

- 15. Las principales maneras de repartir la muestra entre los distintos estratos son, i) la afijación igual, ii) la afijación proporcional y iii) la afijación óptima. La afijación óptima produce el menor error de muestreo, si bien para este caso se hace necesario conocer o tener alguna idea de las varianzas por estrato, dado que esta aplicación óptima se basa en establecer qué valores de los tamaños muestrales por estrato minimizan la varianza total, que a su vez es función de las varianzas de cada estrato.
- 16. Si entre los distintos estratos existen diferencias de costo por unidad de selección, se puede determinar, dado un costo total, la mejor afijación por estrato utilizando un criterio similar al óptimo. Es decir, establecer la mejor afijación en función del costo y de la precisión.
- 17. Entre los criterios que existen para determinar los límites en la construcción de los estratos, pueden citarse, i) Ekman, G., "An approximation useful in univariate stratification", Annals of the Institute of Statistical Mathematics, NQ 30, 1959, p. 219-229, ii) op. cit. 11/, iii) Kitagawa, T., "Some Contribution to the Design of Sample Surveys" Sankya, vol. 17. 1956, iv) CEPAL, "Determinación del límite en la construcción de dos estratos", Borrador/EST/149, noviembre de 1976.
- 18. Muestreo por conglomerado. El muestreo por conglomerado utiliza conglomerados de unidades muestrales o de elementos como otra unidad muestral. Es altamente utilizado por razones prácticas y en especial porque reduce significativamente los costos operativos. El efecto negativo del muestreo por conglomerados se manifiesta en la reducción de la precisión en los resultados. Esto es debido a que elementos pertenecientes al mismo conglomerado suelen parecerse más entre sí que al conjunto de individuos que forman la población completa. 12/

^{12/} Goodman, Roe, "Métodos de estimación y de muestreo empleados en los estudios demográficos por muestreo", CEPAL, 1969.

- Muestreo por etapas. En este caso la muestra es seleccionada por 19。 etapas. Las unidades muestrales seleccionadas en cada etapa son a su vez muestradas en la etapa siguiente. En otras palabras, el universo está dividido en unidades de primera etapa, éstas, en unidades de segunda etapa, éstas, a su vez, en unidades de tercera etapa, etc. hasta las unidades últimas de selección que comprenden los elementos de medición. Las principales razones por las cuales se utiliza este método son, i) los marcos muestrales pueden no tenerse o no estar disponibles para la selección de las unidades de medición de última etapa, pero sí, puede contarse con el marco muestral, por ejemplo, de los conglomerados compuestos por las unidades de primera etapa, ii) razones de costo, en especial en las áreas rurales por el costo que insume el transporte, dado que seleccionar directamente las unidades de última etapa hará que estas unidades estén más dispersas, que seleccionar, primero, unidades primarias y dentro de éstas, las de última etapa, iii) permitirá calcular el coeficiente de correlación intra-clase, para unidades de determinadas etapas, lo cual contribuirá para una mejor adecuación de los tamaños muestrales en las unidades de las etapas subsiguientes, pudiéndose de esta manera aumentar la representatividad de la muestra.
- 20. Muestreo sistemático. Consiste en seleccionar las unidades muestrales, dado un intervalo de selección, alternativamente, o sea, en forma sistemática. La selección de la primera unidad determina la muestra completa. Las ventajas principales son, i) es más fácil y rápido seleccionar la muestra y ii) intuitivamente aparece como más representativo de la población que el muestreo aleatorio simple. Se oponen las desventajas, i) el estimador de la varianza no puede obtenerse de una muestra sistemática simple y ii) un mal ordenamiento de las unidades puede producir una muestra ineficiente.

En la práctica se aplica la metodología del muestreo aleatorio simple al muestreo sistemático, bajo el supuesto que el ordenamiento de las unidades responden únicamente a un efecto aleatorio.

21. <u>Muestreo polifásico</u>. En el muestreo bifásico, o en dos fases, se selecciona primero una muestra cuya variable de estudios es, por ejemplo, y.

Luego, en función de esta variable se selecciona otra muestra para el estudio de otra variable, por ejemplo, x, relacionada con y. Así, se puede seleccionar una muestra grande de personas, a las cuales se clasifica por sexo en dos grupos. Luego de cada grupo se selecciona una segunda muestra. El muestreo polifásico es una extensión del anterior. La principal ventaja de este método es que permite obtener resultados a menor costo.

22. Muestreo replicado. Este método aumenta la sensitividad de la experiencia, dado que permite obtener estimaciones independientes sobre una misma variable de estudio. El mismo consiste en formar submuestras replicadas interpenetrantes, o grupos aleatorios, en función de un determinado modelo estadístico, lo cual conduce a un análisis de las variaciones de cada uno de los componentes del modelo. En función de este análisis se puede confrontar la hipótesis con la realidad y evaluar las discrepancias de los resultados obtenidos debidas a posibles fuentes de error.

Otras ventajas de muestreo replicado son, i) fácil cálculo de la varianza del estimador, ii) tener la muestra dividida en submuestras, cada una de las cuales es en igual grado representativa de la población. Otros métodos de muestreo. Se pueden citar, i) muestreo repetido o en sucesivas ocasiones, donde la muestra, o parte de ella, o una nueva muestra, se selecciona de una a otra ocasión para estudiar una determinada variable en distintas ocasiones, ii) muestras por áreas, donde se utiliza como marco las áreas que figuran en mapas, iii) muestreo elemental puntual 13/ que consiste en seleccionar unidades en función de su tamaño utilizando un ángulo cuyo vértice es un punto muestral, iv) muestreo inverso, donde se continúa la selección de unidades hasta cumplir con determinadas condiciones, dependiendo de los resultados de la muestra, v) método de la respuesta aleatorizada, utilizado cuando las preguntas son sensibles, pues permite al entrevistado tener la posibilidad de responder a una de dos preguntas, manteniendo el secreto de la pregunta a la cual respondió, vi) método de la selección controlada, donde se asignan mayores probabilidades de selección a determinadas unidades que son más deseables,

^{13/} Kulow, D.L., Elementary Point-Sampling, West Virginia University, Morgantown, 1965.

/vii) metodo

vii) método de los estratos reunidos o conjugados (collapsed strata), el cual toma en consideración el caso en que convenga tomar una sola unidad por estrato y, por tanto, los estimadores de las varianzas no pueden construirse de acuerdo con los métodos corrientes.

El error

- 24. Cuando se diseña una investigación deben considerarse numerosas etapas, cada una de las cuales está determinada por numerosos factores. Estos factores corresponden a los conceptos y definiciones, características a medir, métodos de recoger la información, programas de tabulaciones, sintaxis y semántica en la redacción de los cuestionarios, métodos de estimación, análisis de la información controles operativos, procesamiento de los datos, colaboración de la población, etc. En función de todos estos factores se formula y se adopta un sistema de trabajo. Si este sistema de trabajo funciona correctamente en concordancia con el sistema formulado o teórico, se obtendrán resultados reales, o como también se los llama, se obtendrán los verdaderos valores de la población. Pero, dado que la posibilidad de que el sistema funcione en forma exacta es también teórica, se hacen presentes los errores. Este hecho no es pesimista. El problema surge cuando se desconocen las fuentes del error o no se toman las medidas necesarias para mantener a los mismos bajo control. 14/
- 25. Error muestral. Permite medir la confiabilidad del estimador. Una de las contribuciones de la estadística es, precisamente, que otorga los elementos necesarios para medir la variación de una estimación, que se obtendría a través de numerosas repeticiones de un mismo procedimiento muestral, consultando solamente a una muestra. La medida más conveniente del error muestral viene dada por el desvío estándar.
- 26. Sesgo muestral. Corresponde a la introducción de un sesgo en los procedimientos de estimación, sea esta introducción deliberada o no. A veces es preferible un estimador sesgado, sobre todo cuando tiene una significativa precisión

^{14/} Zarkovich, S.S., Quality of Statistical Data, FAO, Rome, 1966.

- 27. Errores no muestrales. Son comunes a toda encuesta, sea ésta de enumeración completa (censo) o de enumeración de sólo una parte de la población. Entre los principales errores no muestrales se deben tener en cuenta:
- 27.1 Errores de no-respuesta. Ocurren cuando no se tiene información, o no se puede medir, una determinada unidad muestral. Los mismos pueden deberse, principalmente, a 15/: Ausencia temporal del respondiente durante las horas de entrevista; negativa absoluta a colaborar (reluctancia); falta de conocimientos o incapacidad por parte del informante; método de recogida de los datos; condiciones personales y grado de adiestramiento de los entrevistadores; motivación de los informantes, etc.

Entre los métodos que se pueden consultar, para el tratamiento de la falta de respuesta, se pueden mencionar, i) el de Hansen y Hurwitz (1946), ii) el de Politz y Simmons (1949), iii) el de Kish y Hess (1959) y iv) el de Birnbaun y Sirken (1950).

27.2 Errores de respuesta. Se refieren a la diferencia entre el valor medido en la investigación y el valor real de la unidad medida. Los mismos son introducidos, generalmente, por el entrevistador, por el entrevistado o por un efecto debido a la interacción entrevistador-entrevistado.

Para neutralizarlos se utilizan las técnicas de Control de Calidad de la Información o algunos métodos especiales como el de la Respuesta Aleatorizada. 16/

^{15/} Sánchez-Crespo, J.L., Curso intensivo de muestreo en poblaciones finitas, Instituto Nacional de Estadística, Madrid, 1979.

^{16/} Warner, S.L., "Randomized Response", Journal of the American Statistical Association, Nº 60, 1965, p. 63-69.

. 1 3 8

- 27.3 Errores debido a una inadecuada preparación. Generalmente se deben a falta de claridad de los distintos objetivos de la investigación, definiciones, instrucciones, etc. Falta precisa de los límites del universo de estudio, desorganización en los procedimientos de campo, falta de entrenamiento del personal operativo, etc.
- 27.4 Error de procesamiento. Estos errores se pueden introducir en las distintas etapas que lleva el procesamiento de los datos, desde el análisis manual hasta su presentación en tablas procesadas mecánicamente.
- 27.5 Entre otros errores no muestrales pueden mencionarse los errores de interpretación de los resultados, errores en las publicaciones, errores en los supuestos que hacen al modelo estadístico, etc.
- 28. Conjuntos borrosos. 17/ En los trabajos operativos es frecuente encontrar unidades muestrales que tienen distinto grado de pertenecer a un determinado conjunto poblacional. Así ocurre, por ejemplo, cuando una población se divide en niveles de pobres o ricos, o poco o mal alfabetizada, o poco o mal nutrida, etc. Si, por ejemplo, la población de pobres contiene elementos que pueden pertenecer a ella con intensidad variable, se dice que la misma es una población borrosa. Caso contrario, si existe un criterio que permite decidir si el elemento pertenece o no pertenece a dicha población, la misma se denomina población nítida u ordinaria.

Asimismo, en la construcción de los límites geográficos de los estratos pueden aparecer subpoblaciones borrosas. En todos estos casos, conviene investigar y establecer criterios para tratar de convertir las poblaciones borrosas en nítidas.

^{17/} Azorín Poch, Francisco, Conjuntos borrosos a la estadística, Instituto Nacional de Estadística, Madrid, 1979.